

3.1 Harmonische Schwingungen

3.2 Mechanische Schwingungen

HARMONISCHE SCHWINGUNGEN

→ Schwingungsgleichung: $\ddot{s}(t) = -\omega^2 s(t) \Leftrightarrow s(t) = \hat{s} \cdot \sin(\omega t + \varphi_0)$

→ HOOKE'sches Gesetz: $F(t) = -m\omega^2 s(t) = -D \cdot s(t)$

→ Energie: $\hat{W}_{\text{pot}} = \frac{1}{2} m \omega^2 \hat{s}^2 = \frac{1}{2} D \cdot \hat{s}^2 = \hat{W}_{\text{kin}}$

Jede Schwingung, die durch einen Sinus oder Cosinus mit konstanter Kreisfrequenz ω beschrieben wird, heißt harmonisch, unabhängig davon, ob sie mechanisch oder elektrisch ist. Kennzeichnend für harmonische Schwingungen ist das parabelförmige Potential (vgl. → „harmonischer Oszillator“ auf Seite 170 f.)

EIGENSCHAFTEN HARMONISCHER SCHWINGUNGEN

→ Kreisfrequenz: $\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T} = \sqrt{\frac{D}{m}} = \frac{\hat{v}}{\hat{s}} = \sqrt{\frac{2\hat{W}}{m\hat{s}^2}}$

→ Periodendauer: $T = \frac{1}{f} = \frac{2\pi}{\omega}$

→ max. Geschwindigkeit: $\hat{v} = \omega \hat{s} = 2\pi \hat{s} f = \frac{2\pi \hat{s}}{T}$

→ max. Beschleunigung: $\hat{a} = \omega \hat{v} = \omega^2 \hat{s} = \frac{\hat{v}^2}{\hat{s}}$

→ max. Energie: $\hat{W} = \hat{W}_{\text{kin}} = \frac{1}{2} m \omega^2 \hat{s}^2 = \frac{1}{2} D \hat{s}^2$

→ Richtgröße: $D = m\omega^2 = m \frac{\hat{v}^2}{\hat{s}^2} = \frac{|F|}{|s|} = m \cdot \frac{|a|}{|s|}$

MECHANISCHE SCHWINGUNGEN

→ Federpendel: $F_{\text{Feder}} = -D \cdot s = m \cdot \ddot{s} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{D}{m}}$

→ Drehschwingung: $M = -D\varphi = J \cdot \ddot{\varphi} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{D}{J}}$

→ math. Fadenpendel: $F_{\text{Fadenpendel}} \approx -\frac{m \cdot g}{l} \cdot s = m \cdot \ddot{s} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{g}{l}}$

→ physikalisches Pendel: $M_{\text{physikalisches Pendel}} \approx -m \cdot g \cdot l \cdot \varphi = J \cdot \ddot{\varphi} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{mgl}{J}}$

→ Flüssigkeitspendel: $F = -\Delta V \varrho g = -A \cdot 2s \cdot \varrho \cdot g \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{2A \cdot g \cdot \varrho}{m}}$ mit $m = V \cdot \varrho$

Hinweis: Das Fadenpendel ist als einziges unabhängig von der Masse!