

3.1 Harmonische Schwingungen

3.2 Mechanische Schwingungen

HARMONISCHE SCHWINGUNGEN

- Schwingungsgleichung: $\ddot{s}(t) = -\omega^2 s(t) \Leftrightarrow s(t) = \hat{s} \cdot \sin(\omega t + \varphi_0)$
- HOOKE'sches Gesetz: $F(t) = -m\omega^2 s(t) = -D \cdot s(t)$
- Energie: $\hat{W}_{\text{pot}} = \frac{1}{2} m \omega^2 \hat{s}^2 = \frac{1}{2} D \cdot \hat{s}^2 = \hat{W}_{\text{kin}}$

Jede Schwingung, die durch einen Sinus oder Cosinus mit konstanter Kreisfrequenz ω beschrieben wird, heißt harmonisch, unabhängig davon, ob sie mechanisch oder elektrisch ist. Kennzeichnend für harmonische Schwingungen ist das parabelförmige Potential (vgl. → „harmonischer Oszillator“ auf Seite 170 f.)

EIGENSCHAFTEN HARMONISCHER SCHWINGUNGEN

- Kreisfrequenz: $\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T} = \sqrt{\frac{D}{m}} = \frac{\hat{v}}{\hat{s}} = \sqrt{\frac{2\hat{W}}{m\hat{s}^2}}$
- Periodendauer: $T = \frac{1}{f} = \frac{2\pi}{\omega}$
- max. Geschwindigkeit: $\hat{v} = \omega \hat{s} = 2\pi \hat{s} f = \frac{2\pi \hat{s}}{T}$
- max. Beschleunigung: $\hat{a} = \omega \hat{v} = \omega^2 \hat{s} = \frac{\hat{v}^2}{\hat{s}}$
- max. Energie: $\hat{W} = \hat{W}_{\text{kin}} = \frac{1}{2} m \omega^2 \hat{s}^2 = \frac{1}{2} D \hat{s}^2$
- Richtgröße: $D = m \omega^2 = m \frac{\hat{v}^2}{\hat{s}^2} = \frac{|F|}{|s|} = m \cdot \frac{|a|}{|s|}$

MECHANISCHE SCHWINGUNGEN

- Federpendel: $F_{\text{Feder}} = -D \cdot s = m \cdot \ddot{s} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{D}{m}}$
- Drehschwingung: $M = -D\varphi = J \cdot \ddot{\varphi} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{D}{J}}$
- math. Fadenpendel: $F_{\text{Fadenpendel}} \approx -\frac{m \cdot g}{l} \cdot s = m \cdot \ddot{s} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{g}{l}}$
- physikalisches Pendel: $M_{\text{physikalisches Pendel}} \approx -m \cdot g \cdot l \cdot \varphi = J \cdot \ddot{\varphi} \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{mg}{J}}$
- Flüssigkeitpendel: $F = -\Delta V \rho g = -A \cdot 2s \cdot \rho \cdot g \Rightarrow \omega = \sqrt{\frac{2A \cdot g \cdot \rho}{m}} \text{ mit } m = V \cdot \rho$

Hinweis: Das Fadenpendel ist als einziges unabhängig von der Masse!